

# Μελέτη και υλοποίηση ευρετικών μεθόδων για το πρόβλημα δρομολόγησης οχημάτων με περιορισμό χωρητικότητας

Αρβανίτης Συμεών

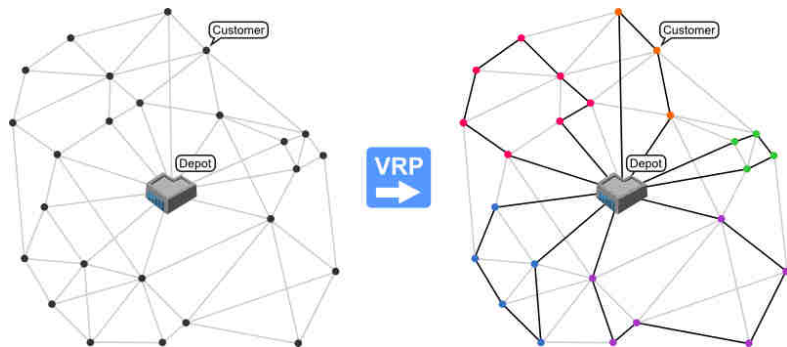
*Πανεπιστήμιο Μακεδονίας, Σχολή Επιστημών Πληροφορίας  
Τμήμα Εφαρμοσμένης Πληροφορικής, Εγνατίας 156, 54636 Θεσσαλονίκη*

25 Ιουνίου, 2019

# VRP

- Πρόβλημα ελαχιστοποίησης κόστους.
- Δρομολόγηση οχημάτων σε ένα δίκτυο με σκοπό την εξυπηρέτηση όλων των πελατών με το λιγότερο δυνατό κόστος.
- Συνάρτηση κόστους είναι η συνολική απόσταση που θα διανύσει ο στόλος των οχημάτων.
- Κάθε κόμβος ζήτησης πρέπει να εξυπηρετηθεί ακριβώς μια φορά από ένα όχημα.
- Τα οχήματα ξεκινούν από μια κεντρική αποθήκη και στο τέλος της διαδρομής τους επιστρέφουν σε αυτή.

## VRP



Σχήμα: Παράδειγμα ενός vrp

# CVRP, TSP

- Capacitated VRP: Κάθε πελάτης ζητά έναν αριθμό από αγαθά
- Όλα τα οχήματα έχουν συγκεκριμένη χωρητικότητα αγαθών
- TSP: Μόνο ένα όχημα στη διάθεση μας. Όλοι πρέπει να εξυπηρετηθούν από αυτό.
- Ψάχνουμε τον βέλτιστο κύκλο Hamilton

# VRPTW, MDVRP

- VRP with Time Windows:
- Κάθε πελάτης πρέπει να εξυπηρετηθεί μέσα σε ένα προκαθορισμένο χρονικό περιθώριο
- Multi Depot VRP:
- Υπάρχουν πολλές αποθήκες. Κάθε κόμβος πρέπει να ανατεθεί σε μια αποθήκη και έτσι προκύπτουν πολλά μικρότερα CVRP

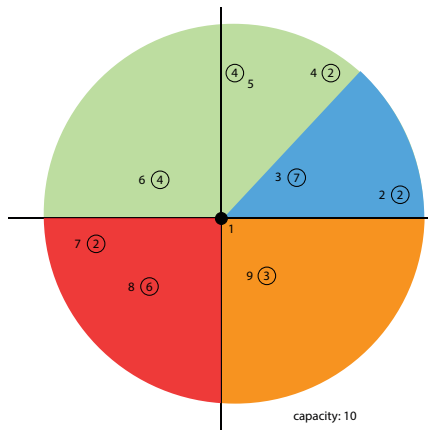
# Nearest Neighbor

- Ο αλγόριθμος του εγγύτερου γείτονα επισκέπτεται τον κόμβο που βρίσκεται πιο κοντά στην τρέχουσα θέση αν μπορεί να τον εξυπηρετήσει.
- Η διαδρομή ολοκληρώνεται όταν δεν υπάρχουν κόμβοι που να μπορούμε να εξυπηρετήσουμε την υπολειπόμενη χωρητικότητα και αν υπάρχουν κόμβοι προς εξυπηρέτηση ξεκινά νέα διαδρομή.
- Πολύ γρηγορότερος σε σχέση με τους άλλους αλγορίθμους κατασκευής που εξετάστηκαν.
- Δεν δίνει ποιοτικές λύσεις αφού το μέσο σφάλμα ξεπερνά το 35%.

# Sweep

- Ο αλγόριθμος σάρωσης επιχειρεί να συσταδοποιήσει τους κόμβους ζήτησης. Αυτό γίνεται σαρώνοντας το επίπεδο με τον περιστρεφόμενο άξονα  $x$ .
- Υπολογίζεται η γωνία που σχηματίζει κάθε κόμβος με τον άξονα  $x$ .
- Πιο αργός από τον αλγόριθμο Nearest Neighbor αλλά με πολύ ποιοτικότερα αποτελέσματα.
- Πολλές φορές δεν προβλέπει σωστά τον αριθμό των οχημάτων που θα χρειαστούν.

## Sweep



Σχήμα: Συσταδοποίηση με τον αλγόριθμο σάρωσης

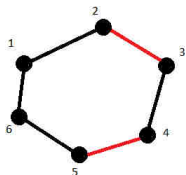


# Savings algorithm

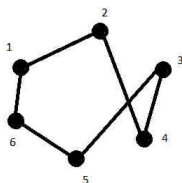
- Προτάθηκε από τους Clarke και Wright
- Για όλες τις πιθανές ακμές υπολογίζεται ο συντελεστής εξοικονόμησης
- $S_{ij} = D_{i0} + D_{j0} - D_{ij}$
- Ο συντελεστής μας δείχνει πόσο μας συμφέρει η εισαγωγή μιας ακμής
- Η λύση κατασκευάζεται βάζοντας τις όσο το δυνατόν πιο συμφέρουσες ακμές
- Δίνει τα καλύτερα αποτελέσματα αλλά είναι η πιο αργή από τις 3 μεθόδους

## 2-opt

- Αφαιρούμε 2 ακμές και η διαδρομή χωρίζεται σε 2 κομμάτια.
- Επανασυνδέουμε χωρίς να χρησιμοποιηθούν οι ακμές που αφαιρέθηκαν.



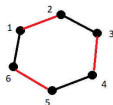
Tour = [1,2,3,4,5,6]



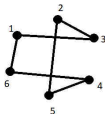
Tour = [1,2,4,3,5,6]

# 3-opt

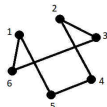
- Αφαιρούμε 3 ακμές και η διαδρομή χωρίζεται σε 3 κομμάτια.
- Επανασυνδέουμε χωρίς να χρησιμοποιηθούν οι ακμές που αφαιρέθηκαν.
- Αν οι ακμές που αφαιρέσαμε δεν είναι συνεχόμενες έχουμε 4 τρόπους επανασύνδεσης



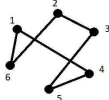
Tour = [1,2,3,4,5,6]



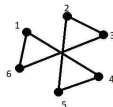
Tour = [1,3,2,5,4,6]



Tour = [1,5,4,2,3,6]



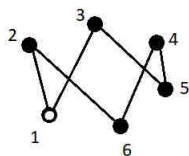
Tour = [1,4,5,3,2,6]



Tour = [1,4,5,2,3,6]

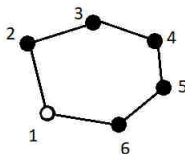
# Swap

- Ανταλλαγή των θέσεων 2 κόμβων.
- Μπορεί να γίνει μέσα στην ίδια διαδρομή ή μεταξύ διαφορετικών διαδρομών όμως πρέπει να είναι εφικτό λόγω του περιορισμού χωρητικότητας



Tour=[1,2,6,4,5,3]

Εναλλαγή των  
κόμβων 3 και 6

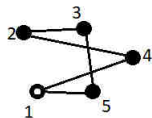


Tour=[1,2,3,4,5,6]

Σχήμα: Ανταλλαγή μέσα στην ίδια διαδρομή

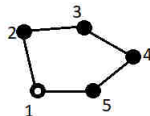
# Relocate

- Επανατοποθέτηση ενός κόμβου σε ένα άλλο σημείο.
- Μπορεί επίσης να γίνει μέσα στην ίδια διαδρομή ή μεταξύ διαφορετικών διαδρομών όμως πρέπει να είναι εφικτό λόγω του περιορισμού χωρητικότητας



Tour=[1,4,2,3,5]

Επανατοποθέτηση του  
κόμβου 4 από τη θέση 1  
στη θέση 3



Tour=[1,2,3,4,5]

Σχήμα: Επανατοποθέτηση κόμβου μέσα στην ίδια διαδρομή

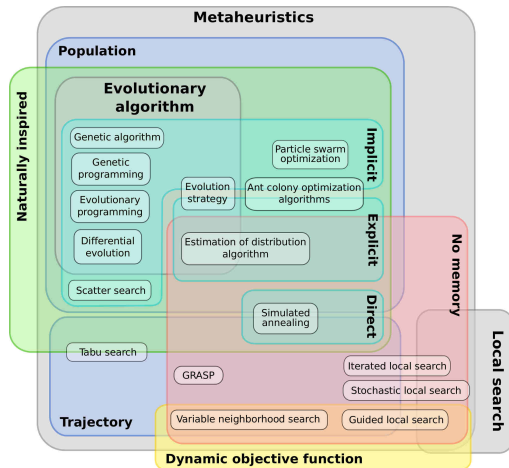
# First vs Best improvement

- Οι μέθοδοι τοπικής αναζήτησης μπορούν να υλοποιηθούν είτε με την πρώτη βελτίωση είτε με την καλύτερη βελτίωση.
- Στην πρώτη βελτίωση επιστρέφεται η πρώτη βελτίωση που εντοπίζει η τοπική αναζήτηση.
- Στην καλύτερη βελτίωση η γειτονιά που επιλέγεται διερευνείται διεξοδικά και επιστρέφεται η καλύτερη από τις βελτιώσεις που βρέθηκαν.
- Ενδείκνυται να χρησιμοποιείται η πρώτη βελτίωση όταν ξεκινάμε από τυχαία λύση.
- Όταν ξεκινάμε με μια καλής ποιότητας λύση τότε η καλύτερη βελτίωση έχει καλύτερα αποτελέσματα.

# About

- Οι μεθευρετικές είναι γενικά πλαίσια έρευνας.
- Μπορούν με λίγες τροποποιήσεις να εφαρμοστούν σε ένα ευρύ φάσμα προβλημάτων βελτιστοποίησης.
- Δεν μας εξασφαλίζουν την εύρεση του ολικού βέλτιστου.
- Στόχος τους είναι η εξερεύνηση του χώρου των εφικτών λύσεων και η εύρεση μιας όσο το δυνατόν καλύτερης λύσης μέσα σε ένα λογικό χρονικό περιθώριο.
- Συνήθως είναι στοχαστικές δηλαδή περιέχουν τυχαία βήματα και κατευθύνσεις βελτιστοποίησης.

# Classification



Σχήμα: Κατηγοριοποίηση μεθρευτικών μεθόδων



# About

- Η VNS επιχειρεί την βελτιστοποίηση με χρήση των τελεστών τοπικής αναζήτησης που ορίζει ο χρήστης.
- Στη συνέχεια όταν εγκλωβιστεί επιχειρεί τυχαίες επιτρεπτές αλλαγές στην υπάρχουσα λύση.
- Έτσι μεταπηδά σε μια άλλη περιοχή λύσεων και επιχειρεί πάλι βελτιστοποίηση.
- Κριτήριο τερματισμού είναι συνήθως ο χρόνος εκτέλεσης που θα ορίσει ο χρήστης.

# Variations

- Η BVNS χρησιμοποιεί μια γειτονιά κάθε φορά.
- Η GVNS βελτιστοποιεί χρησιμοποιώντας πολλές γειτονιές με συγκεκριμένη σειρά αιτιοκρατικά.
- Η RVNS χρησιμοποιεί μόνο τυχαίες αλλαγές και όχι βελτιστοποίηση.
- Η SVNS επιχειρεί να μεταπηδήσει σε πολύ μακρινές περιοχές.

- Το στιγμιότυπο διαβάζεται και τα δεδομένα του μετατρέπονται σε πίνακες.
- Ξεκινά η κατασκευή της αρχικής λύσης με τον αλγόριθμο εξοικονόμησης.
- Ο χρήστης ορίζει το χρονικό διάστημα που θα εκτελεστεί ο αλγόριθμος.

- Ο αλγόριθμος GVNS ξεκινά τη διαδικασία shaking με ένα τυχαίο βήμα.
- Στη συνέχεια επιχειρείται βελτιστοποίηση με VND
- Η VND βελτιστοποιεί εφαρμόζοντας με τη σειρά τοπική αναζήτηση 2-opt,swar,relocate. Εάν βρει βελτίωση ξεκινά από την αρχή στις γειτονιές αυτές με την ίδια σειρά.
- Εάν δεν βρεί τότε γίνεται ξανα shaking με ένα τυχαίο βήμα παραπάνω από την προηγούμενη φορά.

- Δοκιμάστηκε ένα πλήθος 84 στιγμιοτύπων.
- Εκτελέστηκαν όλοι οι αλγόριθμοι κατασκευής και καταγράφηκε η επίδοσή τους.
- Η GVNS δοκιμάστηκε για εκτέλεση 30' και 60' καταγράφηκαν οι επιδόσεις του αλγορίθμου για μέσο όρο δέκα εκτελέσεων σε κάθε περίπτωση.

- Διάσταση  $<40$  : 30sec  $\rightarrow < 1.5\%$
- Διάσταση 40-50 : 30sec  $\rightarrow 3.2\%$ , 60sec  $\rightarrow 2.8\%$ .
- Διάσταση 50-60 : 30sec  $\rightarrow 4.5\%$ , 60sec  $\rightarrow 3.6\%$ .
- Διάσταση 60-70 : 30sec  $\rightarrow 5.6\%$ , 60sec  $\rightarrow 4.7\%$ .
- Διάσταση  $>70$  : 30sec  $\rightarrow 6.4\%$ , 60sec  $\rightarrow 5.7\%$ .

- Η τιμή του σχετικού σφάλματος για σταθερό χρόνο εκτέλεσης εξαρτάται από την διάσταση του προβλήματος.
- Όσο πιο μεγάλη διάσταση έχει το στιγμιότυπο τόσο περισσότερο χρόνο χρειάζεται για να λυθεί.
- Παρατηρούμε ότι το σφάλμα πέφτει αρκετά στα πρώτα 30 δευτερόλεπτα εκτέλεσης της GVNS.
- Αυξάνοντας τον χρόνο εκτέλεσης το σφάλμα συνεχίζει να μειώνεται αλλά με μικρότερο ρυθμό.
- Η εκτέλεση του αλγορίθμου για μεγάλο χρονικό διάστημα δεν εγγυάται την εύρεση του βέλτιστου.

# Τέλος της παρουσίασης

Ευχαριστώ για την προσοχή σας!